

國立臺北商業技術學院 96 學年度研究所碩士班考試入學試題

准考證號碼： (請考生自行填寫)

財務金融研究所 筆試科目：微積分 共 2 頁，第 1 頁

- |      |  |
|------|--|
| 注意事項 | <ul style="list-style-type: none"><li>1. 本科目合計 100 分，答錯不倒扣。</li><li>2. 請於答案卷上依序作答，並標註清楚題號（含小題）。</li><li>3. 考完請將答案卷及試題一併繳回。</li></ul> |
|------|--|

一、假設  $f(x, y) = N\left(\frac{-x + \lambda T}{\sigma\sqrt{T}}\right) - e^{\frac{2\lambda y}{\sigma^2}} N\left(\frac{-x + 2y + \lambda T}{\sigma\sqrt{T}}\right)$ ，其中  $\lambda$ 、 $\sigma$ 、 $T$  為常數，

$$N(x) = \int_{-\infty}^x \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2}t^2} dt .$$

(一)、求  $\frac{\partial f}{\partial x}$  (5 分)

(二)、求  $\frac{\partial^2 f}{\partial x \partial y}$  (10 分)

二、試證明  $e^{-rT} \int_{-\infty}^{\infty} \max\left(Se^{(r-\frac{1}{2}\sigma^2)T+\sigma\sqrt{T}x} - K, 0\right) \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2}x^2} dx = SN(d_1) - Ke^{-rT} N(d_2)$ ，

其中  $S, r, T, \sigma, K$  為常數且均大於 0， $N(d_1) = \int_{-\infty}^{d_1} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2}t^2} dt$ ，

$d_1 = \frac{\ln \frac{S}{K} + \left(r + \frac{1}{2}\sigma^2\right)T}{\sigma\sqrt{T}}$ ， $d_2 = d_1 - \sigma\sqrt{T}$ ， $\max(a, b)$  為  $a, b$  中較大之值。 (20 分)

三、已知  $\frac{dr}{dt} = a - br$ ，其中  $a, b$  為常數，試求  $r$  之解。 (15 分)

背面尚有試題

國立臺北商業技術學院 96 學年度研究所碩士班考試入學試題

財務金融研究所

筆試科目：微積分

共 2 頁，第 2 頁

四、利用幕級數理論求極限  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x - \tan^{-1} x + \frac{5}{6}x^3}{x^2 \ln(1+x)}$ 。(10 分)

五、Find the area of the region bounded by  $y = x - x^2$  and  $y = 0$ 。(10 分)

六、求由極坐標方程式  $r = 1 + \cos \theta$  所圍成區域的面積。(10 分)

七、設  $F(x, y) = \ln(x^2 + xy + y^2)$ ，求  $F_x(-1, 3)$  及  $F_y(-1, 3)$ 。(10 分)

八、Evaluate the iterated integrals of  $\int_0^3 \int_{y^2}^9 \cos \sqrt{x^3} dx dy$  by reversing the order of integration。(10 分)